



مرکز آموزشی نوگام
گامی نو، گامی ماندگار

دوره نکته و تست

GMAT

(قسمت ۱: حل مسأله)

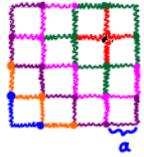
استاد عرفانیان

- ۱-۵ سوختن رخ
۶-۱۰ کاربرد با تجربه - ناشی
۱۱-۱۴ عدد طولانی
۱۵-۱۸ نسبت و تناسب
۱۹ یافتن سده تقبی
۲۰ انتزاعی و قطعی
۲۱، ۲۲ برخورد مکرر
۲۳ حجم آب خردی ...
۲۴ کانال های آب
۲۵ خوردن دو گانه روز
۲۶-۳۱ سرعت
۳۲-۳۹ میانگین
۴۰ بدترین حالت ممکن

و نلم : ۴

نوع I

۱- بوسیله یک نخ یک متری که سرعت سوختن آن یک متر بر ساعت می باشد، طرح مشبک زیر را ساخته ایم. اگر این طرح را از نقطه مشخص شده آتش بزنیم، پس از چند دقیقه، این طرح به طور کامل می سوزد؟

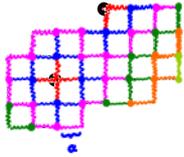


I $4a = 1 \text{ متر} \rightarrow a = \frac{1}{4} \text{ متر}$
 II مدت زمان طولی $= \Delta t$ به اندازه a پیش روی کند
 چقدر Δt زمان لازم است تا ... ؟
 $4 = 4 \Delta t = 4 \times \frac{1}{4} \times 90' = 9'$

۹ (۱) ✓
 ۷/۵ (۲)
 ۶ (۳)
 ۱۰/۵ (۴)

نوع I فرمول سرعت III $\frac{m}{h} = \frac{a}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{a}{v} = \frac{1}{4} h$

۲- به وسیله یک نخ $\frac{4}{5}$ متری که سرعت سوختن آن یک متر بر ساعت می باشد، طرح زیر را ساخته ایم و آن را از دو نقطه مشخص شده همزمان آتش می زنیم. پس از تقریباً چند دقیقه طرح به طور کامل می سوزد؟

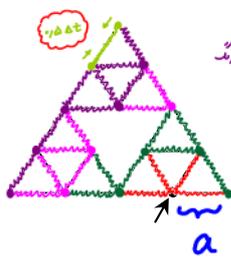


I $42a = \frac{4}{5} \text{ متر} \rightarrow a = \frac{4}{5} \times \frac{1}{42}$
 II مدت زمانی که لازم است ... چقدر Δt ... ؟
 $42 = 42 \Delta t = 42 \times \frac{4}{5} \times \frac{1}{42} \times 90' = 23,95' \approx 24'$
 III $\Delta t = a = \frac{4}{5} \times \frac{1}{42}$ تقریباً

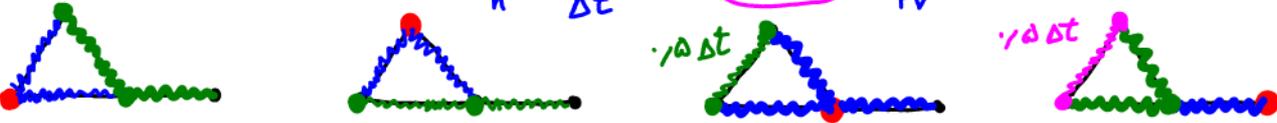
۲۷ (۱)
 ۲۴ (۲) ✓
 ۳۱ (۳)
 ۳۶ (۴)

نوع I

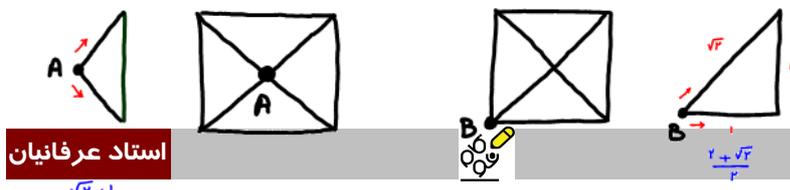
۳- فردی با یک نخ ۲ متری که سرعت سوختنش یک متر بر ساعت است، طرح مثلثی زیر را که در آن، همه مثلث ها متساوی الاضلاع هستند، می سازد و از نقطه مشخص شده، آن را آتش می زند. این طرح، بعد از چند دقیقه به طور کامل می سوزد؟



I $27a = 2 \text{ متر} \rightarrow a = \frac{2}{27} \text{ متر}$
 II مدت زمان طولی $= \Delta t$ چقدر Δt ... ؟
 $27 = 27 \Delta t = 27 \times \frac{2}{27} \times 90' = 20'$
 III $\frac{m}{h} = \frac{a}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{a}{v} = \frac{2}{27} h$



۱۷/۵ (۱)
 ۱۶ (۲)
 ۱۸ (۳)
 ۲۰ (۴) ✓



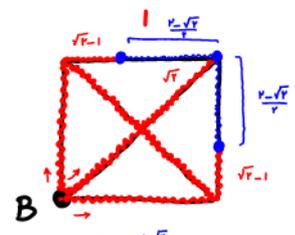
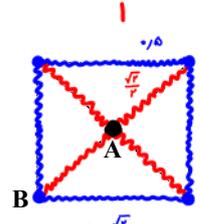
از تعارین شکل استفاده کنید
دسته‌هایی که نزدیکتری سوزند، حذف شوند.
دوره نکته و تست GMAT (قسمت ۱)
نوع II

استاد عرفانیان

۴- نخعی را به دو قسمت مساوی تقسیم کرده و با هر قسمت، دو الگوی کاملاً مشابه، مطابق شکل زیر (یک مربع همراه دو قطرش) می‌سازیم. در نوبت اول، الگو را از نقطه A و در نوبت دوم، الگو را از نقطه B آتش می‌زنیم. نسبت مدت زمان سوختن کل الگو در نوبت اول به نوبت دوم، کدام است؟

نسبت‌هایی که
شکل‌های بابتی می‌کنند
ناطح، بطور کامل
بسوزد

روش اول:



$$\frac{1+\sqrt{2}}{1+2\sqrt{2}} \quad (1)$$

$$\frac{1+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}} \quad (2)$$

$$\frac{1+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}} \quad (3)$$

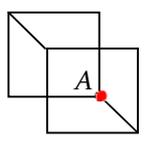
$$\frac{1+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}} \quad (4)$$

$$= \frac{\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{\sqrt{2} + 2 - \sqrt{2}}{2}} = \frac{1+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}}$$

نیم قطر → $\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}$ ← نیم ضلع

نیم باقی‌مانده ضلع → $\frac{\sqrt{2} + 2 - \sqrt{2}}{2}$ ← قطر

۵- شکل زیر، دو مربع کاملاً یکسان با طول ضلع واحد را نشان می‌دهد که از مرکز یکدیگر می‌گذرند. این الگو، از فتابله‌ای آتش‌گیر ساخته شده است که سرعت سوختن آن ۱ متر بر دقیقه می‌باشد. اگر این الگو را از نقطه A آتش بزنیم، چند ثانیه طول می‌کشد که الگو به طور کامل بسوزد؟ ($\sqrt{2} = 1.4$)



$$96 \quad (1)$$

$$111 \quad (2)$$

$$120 \quad (3)$$

$$207 \quad (4)$$

$$= 0.5 + \frac{2 \times 0.5 + 1 + \frac{1}{2}}{2}$$

$$= 0.5 + \frac{2.5}{2} = 1.75$$

نیزه‌های کار

نقطه: مساله کارگر با تجربه - ناشی

$$\frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1$$

۶- ثلث مزرعه‌ای را یک پدر و پسر با هم در ۲ ساعت درو می‌کنند. پدر از پسر جدا شده و پسر به تنهایی نصف قسمت درو نشده را در ۵ ساعت درو می‌کند و سپس جای خود را به پدرش می‌دهد. پدر باقیمانده زمین را به تنهایی در چه مدت زمانی درو خواهد کرد؟

(۱) ۱ ساعت و ۱۵ دقیقه (۲) ۱ ساعت و ۲۰ دقیقه (۳) ۳ ساعت و ۲۰ دقیقه (۴) ۳ ساعت و ۴۵ دقیقه

$$\begin{cases} 2x + 2y = \frac{1}{3} \\ 5y = \frac{1}{3} \end{cases} \rightarrow y = \frac{1}{15} \rightarrow x = \frac{1}{10}$$

$$\Delta t \times x = \frac{1}{3} \rightarrow \Delta t = \frac{10}{3} = 3\frac{1}{3} \text{ h} = 3:20$$

۷- سه نقاش قرار است اتاقی را رنگ کنند. ابتدا ۱۰ دقیقه یک نقاش، سپس دو نقاش ۲۰ دقیقه و نهایتاً سه نقاش ۳۰ دقیقه کار می‌کنند و نقاشی اتاق را به پایان می‌رسانند. اگر دو نقاش، از ابتدا یک ساعت نقاشی می‌کردند، پس از یک ساعت، تقریباً چند درصد از حجم کار باقی می‌ماند؟

عده باید فرض می‌کردیم که مهارت سه نقاش یک است!

(۱) ۱۶/۶ (۲) ۸/۳ (۳) ۴/۳ (۴) صفر

$$1 \times \frac{1}{6} \times x + 2 \times \frac{2}{6} \times x + 3 \times \frac{3}{6} \times x = 1 \rightarrow x = \frac{3}{7}$$

$$1 - 2 \times \frac{1}{6} \times x = 1 - \frac{1}{3} \times \frac{3}{7} = \frac{2}{7}$$



۱۲- از یک عدد ۱۶ رقمی، رقم دوم (دهگان)، برابر ۴ و رقم چهارم، برابر ۶ است. مجموع هر چهار رقم متوالی برابر

← ارقام عدد چه رقمی با تکراری اند

۱۸ است. حاصل عبارت $2A + B - C + D$ کدام است؟

۶	A-x	۴	A	۶	A-x	B	C	۶	D	۴	x	۶	A-x	۴	x
(۱۶)	(۱۵)	(۱۴)	(۱۳)	(۱۲)	(۱۱)	(۱۰)	(۹)	(۸)	(۷)	(۶)	(۵)	(۴)	(۳)	(۲)	(۱)

x رقم از ۸ تا ۰

۳ نمی توان مشخص کرد.

مجموع ۱۸

$$? = 2A + B - C + D = 2x + 4 - x + (1-x) = 12$$

۱۳- از یک عدد ۱۳ رقمی، رقم های دوم (دهگان) و هفتم آن به صورت زیر داده شده است. مجموع هر سه رقم

← ارقام عدد، سه تا سه تا تکراری اند

متوالی ۱۵ است. اختلاف A و B چند است؟

۶	A	۵	۶	۴	۵	۶	۴	۵	۶	۴	۵	B
(۱۳)	(۱۲)	(۱۱)	(۱۰)	(۹)	(۸)	(۷)	(۶)	(۵)	(۴)	(۳)	(۲)	(۱)

۳ (۴)

صفر (۳)

مجموع ۱۵

۱ (۱)

$$? = |A - B| = |4 - 6| = 2$$

۱۴- از یک عدد ۱۴ رقمی، رقم های سوم (صدگان) و هشتم به صورت زیر داده شده اند یکی از ارقام، ۸ بار در این

x رقم از ۵ تا ۰

عدد تکرار شده است. مجموع هر چهار رقم متوالی، برابر ۲۰ است. حاصل $A + B$ کدام است؟

۶-x	x	۸	۶	A	x	۸	۶	۶-x	x	۸	۶	B	x
(۱۴)	(۱۳)	(۱۲)	(۱۱)	(۱۰)	(۹)	(۸)	(۷)	(۶)	(۵)	(۴)	(۳)	(۲)	(۱)

← ارقام این عدد، چه رقمی با تکراری اند

۱۴ (۱)

۱۶ (۲)

۱۲ (۳)

۶ (۴) ✓

مساوی اند {
۴ تا رقم x
۶ تا رقم ۶-x

$$x = 6 - x \rightarrow x = 3$$

$$? = A + B = 3 + 3 = 6$$

نکته: نسبت و تناسب

۱۵- دو جعبه در اختیار داریم که یکی حاوی پیچ و دیگری حاوی مهره است. اگر دو مهره به تعداد مهره ها اضافه

شود، نسبت تعداد پیچ ها به تعداد مهره ها، ۱ به ۳ و اگر دو پیچ از تعداد پیچ ها کم شود، نسبت تعداد پیچ ها به

تعداد مهره ها ۱ به ۵ خواهد شد. تفاضل تعداد پیچ ها و مهره های اولیه، چقدر است؟

۸ (۴)

۱۰ (۳)

۶ (۲) ✓

۴ (۱)

$$\begin{cases} \frac{P}{m+2} = \frac{1}{3} \rightarrow \dots \\ \frac{P-2}{m} = \frac{1}{5} \rightarrow \dots \end{cases}$$

$$\Rightarrow m = 10, p = 4 \rightarrow ? = |m - p| = 6$$

x چند درصد y است؟
 x چند درصد از y بیشتر است؟

۱۶- کشاورزی، $\frac{1}{3}$ ثلث زمین خود را گندم و $\frac{1}{9}$ از مساحت باقیمانده زمین را جو می‌کارد. او تقریباً چند درصد از قسمت کشت نشده زمین را باید زعفران بکارد تا چنانچه مابقی زمین را مجدداً گندم بکارد، مساحت قسمت‌هایی که در آن گندم کاشته شده، دو برابر مساحت قسمتی باشد که در آن، زعفران کاشته شده است؟

نکته:
پیش از آخر
عوامل درستی

۳۷ (۴) ۵۳/۳ (۳) ۲۵/۷ (۲) ۵۸/۳ (۱) ✓

حل: $\frac{1}{3} + (\frac{4}{9} - x) = 2x \rightarrow x = \frac{7}{27} \approx 25,9\%$

تقریباً: $\frac{7}{27} = \frac{27}{12} = 58,3\% \approx 58,3\%$

نکته: $\frac{1}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{2}{9}$

۱۷- کشاورزی زمین خود را به نسبت‌های ۲، ۳ و ۷ به ترتیب گوجه‌ترنگی، سیب‌زمینی و خیار کاشته و سپس کل زمینش را بین فرزندانش برحسب سن آنها از بزرگ به کوچک، به نسبت‌های ۳، ۵ و ۶ ارث می‌دهد. حداکثر چند درصد از زمینی که به فرزند وسطی ارث رسیده است، می‌تواند سیب‌زمینی کاشته شده باشد؟

پیش از آخر
نسبت‌ها
در زمین فرزندان
لوحه فرعی
سیب‌زمینی
خیار

۴۰ (۱) ۵۰ (۲) ۶۰ (۳) ۷۰ (۴) ✓

حل: $\frac{3}{14}t = \frac{5}{14}t = \frac{6}{14}t$

تقریباً: $\frac{3}{5} = \frac{14}{20} = 70\%$

۱۸- پس از آنکه علی ۲۰ هزار تومان به خواهر کوچک‌تر از خودش عیدی می‌دهد، مبلغ عیدی که آنها از بزرگ‌ترهایشان گرفته‌اند، به ترتیب از نسبت ۷ به ۳ به نسبت ۶ به ۳ تغییر می‌کند. خواهر علی تقریباً چند درصد از عیدی‌هایش را از علی گرفته است؟

نکته: جواب درست ۱۰٪ است.
دیده و درسته تقریباً معنای نداشت!

۱۱ (۲) ۱۴ (۳) ✓ ۱۰ (۱)

حل: $\frac{x}{y} = \frac{7}{3} \Rightarrow x = 280, y = 120$

نسبت: $\frac{280}{120} = \frac{7}{3}$

۱۹- در تعدادی گوی مشابه، فقط یک گوی از دیگر گوی‌ها سنگین‌تر است. فردی فقط با سه بار استفاده از یک ترازوی کفه‌ای می‌تواند گوی سنگین‌تر را پیدا کند. حداکثر تعداد گوی‌های هم‌وزن کدام می‌تواند باشد؟

بفکر طبع حد

۱۵ (۱) ۲۶ (۲) ✓ ۷ (۴) $n=27 \rightarrow n-1=26$ (۳)

$n-1$ تا سنگین‌تر را می‌تواند پیدا کند. n سنگین‌تر است.

n	تعداد گوی‌های سنگین‌تر
۲	۱
۳	۱
۴	۲
۵	۲
۶	۳
...	...
۹	۳
۱۰	۳

تقسیم n سنگین به سه دسته با تعداد حتی المقدور مساوی

نکته: $n = 3k$

تقسیم: $n = 3k$

تقسیم: $n = 3(k+1)$

تقسیم: $n = 3k + 1$

۶ مهره سبز و ۵ مهره قرمز ... سه مهره به تصادف از کیسه خارج می‌کنیم. احتمال اینکه هر دو مهره قرمز باشد چقدر است؟
 اگر رنگش معلوم نه امکانی
 اگر رنگش معلوم نه امکانی
 نکته: **فصل انتخابی قطعی** اگر رنگش معلوم نه امکانی
 دوره نکته و تست GMAT (قسمت ۱)
 استاد عرفانیان

۲۰- کیسه‌ای حاوی ۶ مهره سبز و ۵ مهره قرمز است. از این کیسه دو مهره به تصادف خارج می‌کنیم، احتمال این

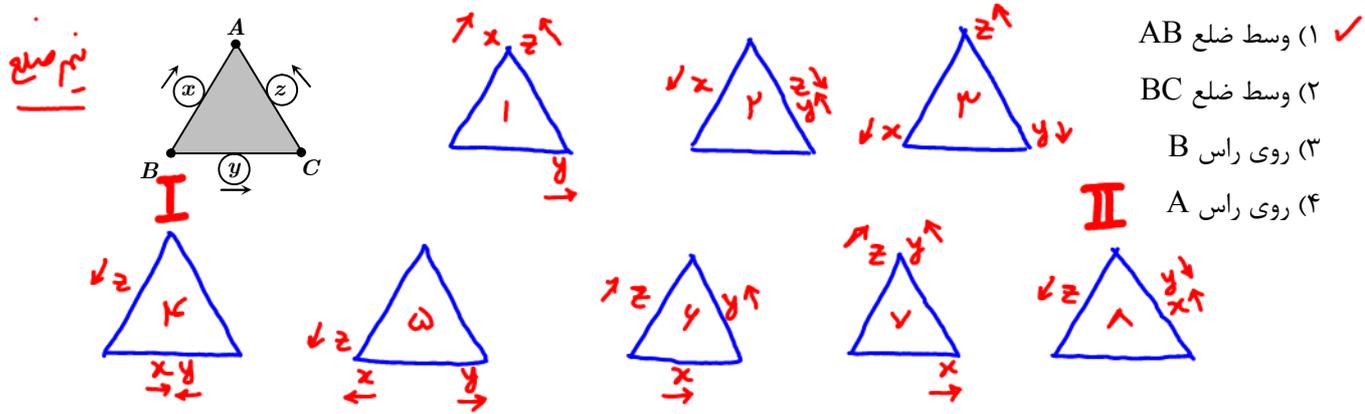
که مهره سوم انتخابی از کیسه، قرمز باشد، چقدر است؟ **رنگ نام معلوم**

روش در ۳: عددی می‌توانیم فرض کنیم مهره انتخاب شده است!

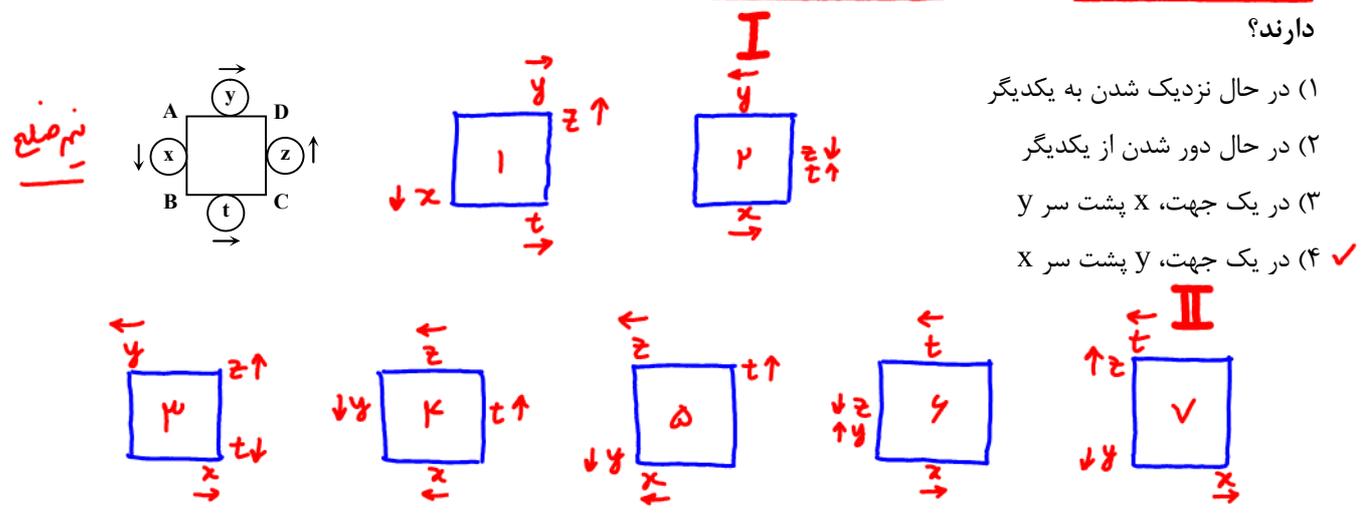
$$\frac{6}{11} \times \frac{5}{9} + \frac{5}{11} \times \frac{6}{9}$$

روش در ۲: **فصل برخورد متحرک** شکل بنشین! ۱۱

۲۱- سه متحرک X، Y و Z با سرعت‌های برابر روی محیط مثلث متساوی‌الاضلاع ABC، از وسط اضلاع در جهت‌های مشخص شده در شکل زیر، همزمان شروع به حرکت می‌کنند و هر کدام پس از برخورد با دیگری، روی مسیر خود در جهت مخالف برمی‌گردند. دقیقاً در لحظه دومین برخورد X و Y با هم، متحرک Z در کجا قرار دارد؟



۲۲- چهار متحرک X، Y و Z و t با سرعت‌های برابر روی محیط مربع ABCD، از وسط اضلاع در جهت‌های مشخص شده در شکل زیر، همزمان شروع به حرکت کرده و هر کدام پس از برخورد با دیگری، روی مسیر خود در جهت مخالف برمی‌گردند. دقیقاً در لحظه دومین برخورد Z و t، متحرک‌های X و Y چه وضعیتی نسبت به هم دارند؟



نکته: سوال های مقایسه ای کمی یا دستوره

اطلاعات
الف > ب
الف = ب
الف < ب

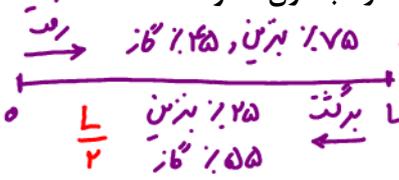
همواره الف < ب ؟
همواره الف > ب ؟
همواره الف = ب ؟
در آن الف ؟ ب ؟

استاد عرفانیان

دوره نکته و تست GMAT (قسمت ۱)
نکته: سوال خود در دو گانه سوز

۲۵- خودرویی دوگانه سوز که هم باک بنزینش و هم مخزن گازش پر است، مسیر رفت بین دو نقطه را با ۷۵ درصد

باک بنزینش و ۴۵ درصد مخزن گازش پر بوده و در هنگام برگشت از همان مسیر، در نیمه راه بدون سوخت می ماند.

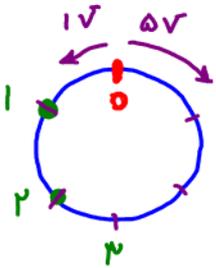


ستون «الف»	ستون «ب»
مسافتی که در مسیر برگشت، خودرو از بنزین استفاده می کند.	مسافتی که در مسیر برگشت، خودرو از بنزین استفاده می کند.

تعریف مجهولات

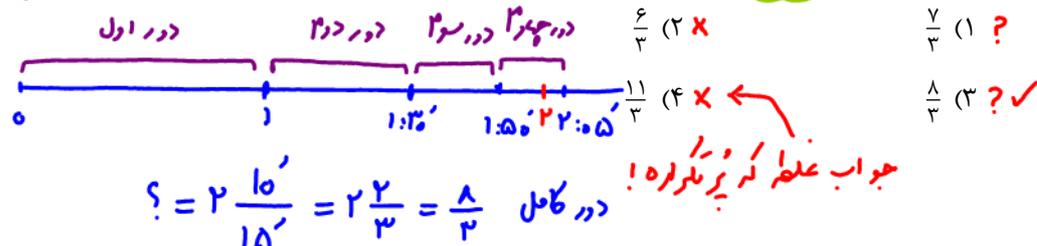
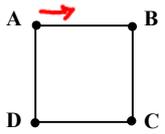
$x =$ مسافتی که خودرو با استفاده از بنزین باز برگشت
 $y =$ مسافتی که مخزن گازش
 $75\%x + 45\%y = L$ رفت
 $25\%x + 55\%y = \frac{1}{2}L$ برگشت
 $25\%x = 45\%y$

۲۶- دو دوندۀ همزمان از یک نقطه ثابت، روی یک مسیر دایره ای در خلاف جهت همدیگر، شروع به دویدن می کنند. اگر سرعت یکی از دونده ها برابر سرعت دیگری باشد زمانی که آن ها برای اولین بار از کنار هم عبور می کنند، دونده که چه نسبتی از یک دور کامل را پیموده است؟



در ۱ (۴) $\frac{1}{3}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$
 در ۲ (۳) $\frac{3}{5}$
 در ۳ (۲) $\frac{1}{3}$
 در ۴ (۱) $\frac{1}{4}$
 $\frac{3}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{5}$
 $\frac{1}{5} \times \frac{5}{3} = \frac{1}{3}$

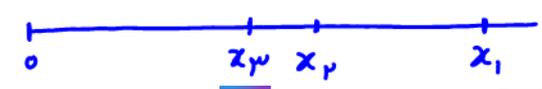
۲۷- متحرکی روی مربع ABCD زیر، از نقطه A و در جهت حرکت عقربه های ساعت شروع به حرکت می کند. این متحرک دور اول را در یک ساعت طی می کند. در دور دوم، سرعتش دو برابر سرعت اولیه، در دور سوم، سرعتش سه برابر سرعت اولیه و به همین صورت در دور پنجم، سرعتش پنج برابر سرعت اولیه می باشد.



۲۸- سه دونده، از یک نقطه، هر کدام با سرعت های ثابت ولی متفاوت از دو دونده دیگر، همزمان و در یک جهت شروع به دویدن می کنند. اگر در طول مسیر، همواره فاصله نفر اول با نفر دوم، سه برابر فاصله نفر دوم با نفر سوم باشد، سرعت سریع ترین دونده چند برابر سرعت کندترین دونده می باشد؟

- ۴ (۳) ✓
- ۶ (۳)
- ۴ (۲)
- ۳ (۱)

$v_1 > v_2 > v_3$



$x_1 - x_2 = 3(x_2 - x_3)$

$\Rightarrow x_1 = 4x_2 - 3x_3$

$\Rightarrow v_1 = 4v_2 - 3v_3$

10
 $10 = \frac{v_1}{v_3}$

حل با راترید

روش دوم: راه حل منتهی (دخنی)

نقشه: فاصله سرعت ✓ شکل کشید

B، ۱۵ زودتر به مقصد می‌رسد.

فرمول: $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ^{فاصله} _{زمان} ✓

استاد عرفانیان



دوره نکته و تست GMAT (قسمت ۱)

۲۹- دو خودرو همزمان و با سرعت ثابت، یکی از شهر A به سمت شهر B و دیگری از شهر B به سمت شهر A اما

با سرعتی دو برابر خودروی نخست، شروع به حرکت می‌کنند. خودرویی که از شهر A راه افتاده، پس از طی $\frac{1}{4}$

مسیر، نیم ساعت توقف کرده و بلافاصله با سرعت قبلی خود حرکت می‌کند. همچنین خودرویی که از شهر B

حرکت کرده، پس از طی $\frac{1}{3}$ مسیر، ۴۵ دقیقه توقف کرده و بلافاصله با سرعت قبلی خود حرکت می‌کند. اگر

این دو خودرو دقیقاً در نقطه مابین دو شهر از یکدیگر عبور کنند و تا مقصد بدون توقف ادامه مسیر دهند،

کدام یک از موارد زیر، صحیح است؟ $L = v \Rightarrow \frac{L/4}{v} + 25 + \frac{L/4}{v} = \frac{L/3}{2v} + 45 + \frac{L/6}{2v}$

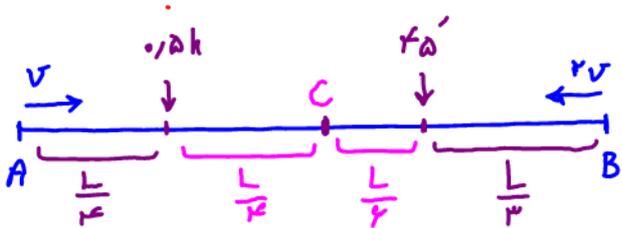
(۱) خودرویی که از شهر B حرکت کرده است نسبت به خودروی دیگر، ۱۵ دقیقه زودتر به مقصد خود می‌رسد.

(۲) خودرویی که از شهر B حرکت کرده است نسبت به خودروی دیگر، ۳۰ دقیقه زودتر به مقصد خود می‌رسد.

(۳) خودرویی که از شهر B حرکت کرده است نسبت به خودروی دیگر، ۴۵ دقیقه زودتر به مقصد خود می‌رسد.

(۴) دو خودرو، همزمان به مقصد می‌رسند.

روش اول:



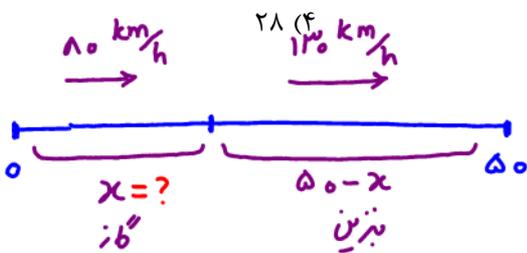
$\Delta t_{A \rightarrow B} = \frac{L/4}{v} + 0.75 + \frac{L/4}{v} + \frac{L/2}{2v} \quad L = v \Rightarrow 1.5h = 90$

$\Delta t_{B \rightarrow A} = \frac{L/3}{2v} + 0.75 + \frac{L/6}{2v} + \frac{L/2}{2v} \quad L = v \Rightarrow 1.25h = 75$

۳۰- شخصی با یک ماشین دوگانه سوز، مسافت ۵۰ کیلومتر را در مدت نیم ساعت می‌پیماید. وی بخش اول مسیر

را با سوخت گاز و با سرعت متوسط ۸۰ کیلومتر بر ساعت و بخش دوم مسیر را با سوخت بنزین و با سرعت

متوسط ۱۳۰ کیلومتر بر ساعت می‌پیماید. این شخص چند کیلومتر از مسیر را با سوخت گاز طی می‌کند؟



$\bar{v} = \frac{50}{0.5} = \frac{x + (50-x)}{\frac{x}{80} + \frac{50-x}{130}} \Rightarrow x = 24 \text{ km}$

۳۱- خودرویی مسیر ۱۲۰ کیلومتری شهر A تا B را پیموده و در مسیر برگشت، سرعت خود را سه برابر می‌کند.

اگر کل مسیر رفت و برگشت را با سرعت متوسط ۴۵ کیلومتر بر ساعت پیموده باشد، سرعت مسیر برگشت

این خودرو، چند کیلومتر بر ساعت بوده است؟

$v = 30 \Rightarrow 3v = 90$



$\bar{v} = 45 = \frac{L + L}{\frac{L}{v} + \frac{L}{3v}} \Rightarrow v = 30$

$3v = 90$

نقطه: میانگین ساده: x_1, x_2, \dots, x_n و w_1, w_2, \dots, w_n \rightarrow x_1, x_2, \dots, x_n و w_1, w_2, \dots, w_n \rightarrow x_1, x_2, \dots, x_n و w_1, w_2, \dots, w_n

میانگین ساده: $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n}$
 میانگین وزنی: $\bar{x} = \frac{\sum w_i x_i}{\sum w_i}$ (قسمت ۱)

۳۲- دو نفر در یک اتاق نشسته‌اند. اگر فردی که هم سن یکی از آن‌هاست به اتاق وارد شود، میانگین سن افراد

داخل اتاق، ۵ سال افزایش می‌یابد. اختلاف سن دو نفری که در ابتدا داخل اتاق بودند، چند سال است؟
 سن فرد ۱: ۲۰ (۱) $y = 20$ \rightarrow فرد ۲: ۳۰ (۲) $y = 30$ \rightarrow فرد ۳: ۱۰ (۳) $y = 10$ \rightarrow فرد ۴: ۴ (۴) $y = 4$

حل $\Rightarrow y - x = 10$
 $\frac{x + 2y}{3} - \frac{x + y}{2} = 5$

۳۳- پس از برگزاری یک آزمون مشترک، اگر میانگین نمره یک کلاس ۲۰ نفری، ۱۰ نمره از میانگین نمره کلاس ۳۰ نفری، بالاتر باشد، میانگین نمره کل دانش آموزان چند نمره با میانگین نمره کلاس ۳۰ نفری اختلاف خواهد داشت؟

روش دوم: $\bar{x}_1 = 20, \bar{x}_2 = 10, \bar{x}_3 = 30$
 $\bar{x} = \frac{20 \cdot 30 + 10 \cdot 30}{50} = 24$
 اختلاف: $24 - 10 = 14$

۳۴- میانگین سن علی و خواهرش از میانگین سن حسن و خواهرش، دو سال بیشتر است. (اگر میانگین سن زن‌ها

از میانگین سن مردها، یک سال کمتر باشد) کدام یک از موارد زیر، صحیح است؟
 ۱) خواهر علی از حسن کوچک‌تر است. \rightarrow غلط
 ۲) علی از خواهر حسن بزرگ‌تر است. \rightarrow صحیح
 ۳) علی از حسن بزرگ‌تر است. \rightarrow غلط
 ۴) نمی‌توان تعیین کرد. \rightarrow صحیح

حل: $\frac{a+a'}{2} - \frac{h+h'}{2} = 2 \Rightarrow a+a' - h-h' = 4$
 $\frac{a+h}{2} - \frac{a'+h'}{2} = 1 \Rightarrow a+h - a'-h' = 2$

۳۵- میوه‌فروشی ۱۲۰ هندوانه که میانگین وزن آن‌ها $3/5$ کیلوگرم است را به دو دسته مرغوب و غیر مرغوب که

میانگین وزن دسته اول $3/9$ کیلوگرم و میانگین وزن دسته دوم $1/5$ کیلوگرم است، تقسیم می‌کند. اختلاف تعداد هندوانه‌های دو دسته، کدام است؟
 ۱) ۶۰ (۱) \rightarrow صحیح
 ۲) ۸۰ (۲) \rightarrow غلط
 ۳) نمی‌توان تعیین کرد. (۳)
 ۴) ۱۰۰ (۴) \rightarrow غلط

حل: $x + y = 120$
 $3.9x + 1.5y = 120 \cdot 3.5$
 $\Rightarrow x = 100, y = 20$
 اختلاف: $100 - 20 = 80$

نکته: در ترکیبی میانگین

$\min \{x_i\} \leq \bar{x} \leq \max \{x_i\}$

$\sum x_i - \sum \bar{x} = n\bar{x} - n\bar{x} = 0$

استاد عرفانیان

دوره نکته و تست GMAT (قسمت ۱)

$kx_i + l \rightarrow k\bar{x} + l$

۳۶- چهار دوست به اسامی A, B, C و D پس از مقایسه وزن شان با یکدیگر، درمی یابند که وزن C از میانگین

وزن A و B کمتر، وزن D از میانگین وزن B و C بیشتر و میانگین وزن C و D از میانگین وزن A و D بیشتر است. سبک وزن ترین این افراد، کدام است؟

میانگین ساده

$$C < \frac{A+B}{2} \rightarrow C < B$$

$$D > \frac{B+C}{2} \rightarrow D > B$$

$$\Rightarrow \frac{C+D}{2} > \frac{A+B}{2} \rightarrow C > A$$

$$A < C < B$$

۳۷- میانگین دو عدد، یک عدد صحیح فرد و مثبت می باشد. کدام یک از موارد زیر، لزوماً درباره آن دو عدد،

صحیح می باشد؟

- (۱) هر دو زوج هستند. صحیح
- (۲) هر دو فرد هستند. صحیح
- (۳) اگر یکی مثبت باشد، دیگری منفی است. صحیح
- (۴) اگر یکی منفی باشد، دیگری مثبت است. صحیح

$$\frac{\sqrt{2} + (4 - \sqrt{2})}{2} = 3$$

$$\frac{1 + (-2)}{2} = 3$$

$$\frac{1 + 5}{2} = 3$$

$$\frac{6,5 + (-1,5)}{2} = 3$$

$$\frac{2 + 4}{2} = 3$$

$\frac{a+b}{2} = \text{طبیعی فرد}$

نکته: به قرارداد بزرگترین مجموع اعداد که در جمعیت با آن سروکار داریم، مجموع اعداد صحیح از ۱ تا n عدد m, n, p, q, r, ... طبیعی IR

۳۸- میانگین ۴ عدد صحیح مثبت و غیر صفر برابر ۱۸ می باشد. اگر کوچکترین عدد را با صفر جایگزین کنیم،

کدامیک از موارد زیر، در خصوص میزان کاهش میانگین، صحیح است؟

$1 \leq a \leq 17$

- (۱) برابر با ۴/۵ صحیح
- (۲) بیشتر از ۴/۵ صحیح
- (۳) کمتر از ۴/۵ صحیح
- (۴) هیچ کدام صحیح

$a < b \leq c \leq d$ $a, b, c, d \in \mathbb{N}$

مقدار کاهش میانگین $= \frac{a+b+c+d}{4} - \frac{0+b+c+d}{4} = \frac{a}{4}$

$\frac{1}{4} < \frac{a}{4} < \frac{17}{4}$

۳۹- میانگین ۱۲ عدد مثبت برابر m می باشد. اگر هر عدد ۲۰ درصد افزایش یابد، میانگین این اعداد چند درصد

افزایش خواهد یافت؟

- (۱) ۱۲ صحیح
- (۲) ۲۰ صحیح
- (۳) ۱۰ صحیح
- (۴) ۱۱ صحیح

$x_i \rightarrow \bar{x}$

$\sigma^2 = var = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$

شخص های آماری: میانگین، میان و ... واریانس و انحراف معیار و ...

۱۳

GMATmaster

Nogamcenter

۰۹۰۲۲۵۴۴۶۰۰

۰۲۱۶۶۴۸۸۳۴۲

$\sigma = SD = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}}$

نقشه: درصد

$k = \frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار جدیدی}}{\text{مقدار اولیه}}$

$A \xrightarrow{+k\%} A \times (1+k)$

$A \xrightarrow{-k\%} A \times (1-k)$

$1+k$

استاد عرفانیان

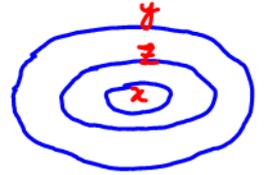
دوره نکته و تست GMAT (قسمت 1)

۴۰- استان خراسان جنوبی در سال ۱۳۸۸، ۲۵ درصد از تولید زعفران دنیا و ۳۵ درصد از تولید زعفران ایران را به خود اختصاص داده است. تقریباً چند درصد از زعفران دنیا در این سال، در خارج از ایران تولید شده است؟

- ۱) ۲۳/۸
- ۲) ۱۷/۶
- ۳) ۲۸/۶
- ۴) ۳۱/۵

تقریباً $\frac{z}{y} = \frac{25\%}{35\%} = \frac{5}{7}$

$z = 25\% \cdot y = 35\% \cdot z \Rightarrow \frac{z}{y} = \frac{25\%}{35\%} = \frac{5}{7}$



۴۱- شرکت X، دارای ۴۰ درصد از سهام شرکت «فرزانگان» است. شرکت Y، ۲۴,۰۰۰ سهم این شرکت را در اختیار دارد و شرکت Z، صاحب تمامی سهام باقیمانده است. سهام متعلق به شرکت Z، ۲۰ درصد بیشتر از سهام متعلق به شرکت X می باشد. تعداد سهام شرکت X چقدر است؟

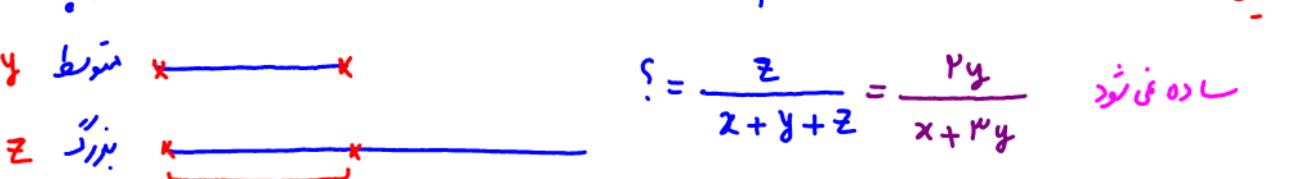
- ۱) ۶۰,۰۰۰
 - ۲) ۶۴,۰۰۰
 - ۳) ۷۵,۰۰۰
 - ۴) ۸۰,۰۰۰
- نقشه: به ابعاد درصدی در درصد! هر چه ۱۶ درصد در هر دختر ۱۰ درصد ارزش می برد. هر چه ۱۶ درصد بیشتر از هر دختر ارزش می برد؟
- $\xi = 16\% - 10\% = 6\%$
- $\xi = \frac{16 - 10}{10} = 6\%$
- $\frac{X}{Y} = \frac{10\%}{16\%} = \frac{5}{8}$

۴۲- در یک کلاس ۷۰ نفری، ۱۵ دانشجو متولد بهار، ۲۷ دانشجو متولد تابستان، ۱۰ دانشجو متولد پاییز و بقیه متولد زمستان هستند. از این کلاس، حداقل چند نفر باید خارج شوند تا از بین افراد خارج شده از کلاس، به طور قطع ۱۸ نفر متولد یک فصل از سال باشند؟

- ۱) ۳۶
 - ۲) ۱۹
 - ۳) ۴۳
 - ۴) ۶۰
- نقشه: بدترین حالت ممکن
- ۱۵ → ۱۵
۲۷ → ۱۷
۱۰ → ۱۰
۱۸ → ۱۷
- $59 + 1 = 60$

۴۳- شمعی را به سه تکه کوچک، متوسط و بزرگ تقسیم کرده و همزمان آن‌ها را روشن می کنیم. پس از سوختن تکه های کوچک و متوسط و دقیقاً زمانی که تکه متوسط خاموش می شود، تکه بزرگ به نیمه می رسد. طول تکه بزرگ چه نسبتی از طول شمع اولیه بوده است؟

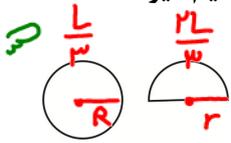
- ۱) $\frac{1}{3}$
 - ۲) $\frac{1}{2}$
 - ۳) $\frac{2}{3}$
- میش از یکجواب داریم! شکل بکشید!
- جواب غلط: $\frac{2}{3}$ نه برنگاره!
- نمی توان تعیین کرد.





۴۴- آهنگری مفتولی به طول L در اختیار دارد. او یک سوم این مفتول را بریده و از آن یک حلقه دایره‌ای و با

تکه دیگر مفتول، یک حلقه نیم‌دایره‌ای، مطابق شکل زیر می‌سازد. قطر دایره چند برابر شعاع نیم‌دایره است؟



$$2\pi R = \frac{L}{3} \Rightarrow R = \frac{L/3}{2\pi}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{\pi} \quad (1 \checkmark)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4 \times)$$

$$1 + \frac{2}{\pi} \quad (3)$$

محیط دایره $2\pi R = \frac{L}{3} \rightarrow R = \frac{L/3}{2\pi}$

محیط نیم دایره $\pi r + 2r = \frac{2L}{3} \rightarrow r = \frac{2L/3}{\pi + 2}$

۴۵- یک دستگاه چمن زنی پس از مصرف ۶۵ درصد از سوخت مخزن خود، ثلث یک زمین فوتبال را چمن‌زنی می‌کند (این دستگاه با مابقی سوخت مخزن خود، تقریباً چند درصد از مابقی زمین را چمن‌زنی می‌کند؟)

توجه به واژه‌ها: نسبت و تناسب

درصدی از سوخت مخزن که مصرف شده $\frac{30}{4}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{27}{3}$ $\frac{18}{2}$ $\frac{16}{1}$

$$\frac{45\%}{35\%} = \frac{1/3}{?} \Rightarrow ? = \frac{1/3 \times 35\%}{45\%} = \frac{7}{39} \approx 17.9\% \approx 18\%$$

۴۶- مینا تعدادی سیب زرد و برادرش تعدادی سیب سرخ دارند. ابتدا مینا نصف سیب‌هایش را به برادرش می‌دهد

و بعد نصف سیب‌های زرد و نصف سیب‌های سرخ برادرش را می‌گیرد و نهایتاً نصف سیب‌های زرد و نصف سیب‌های سرخ خود را به برادرش برمی‌گرداند (حال برادر مینا به ترتیب چه نسبتی از سیب‌های زرد و سرخ را باید به مینا برگرداند تا تعداد سیب‌های خواهر و برادر برابر شود؟)

توجه به پرسش آخر

check ...

سیب زرد $\frac{1}{5}$ و $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{3}$

سیب سرخ $\frac{2}{5}$ و $\frac{3}{8}$ $\frac{3}{4}$ و $\frac{3}{8}$ $\frac{3}{4}$ و $\frac{3}{8}$ $\frac{3}{4}$

مینا $\frac{2}{5}$ $\frac{3}{8}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{3}{8}$ $\frac{3}{4}$

برادر مینا $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{4}$

۴۷- اگر جای ارقام یک عدد دو رقمی را با یکدیگر عوض کنیم، عدد دو رقمی دیگری حاصل می‌شود که اختلافش

با عدد دو رقمی نخست، ۳۶ است. اختلاف ارقام این عدد، کدام است؟

روش اول: $\overline{xy} - \overline{yx} = 36$

نکته: نوشتن عدد با ترجمه به ارزش مکانی

$10x + y - (10y + x) = 36$

$9(x - y) = 36$

$\Rightarrow x - y = 4$

روش مثال زدن خودتون: $\overline{xy} = 15, 51 \rightarrow ? = 5 - 1 = 4$

$48, 84 \rightarrow ? = 8 - 4 = 4$

$73, 37$

$92, 29$

۱۵

GMATmaster

Nogamcenter

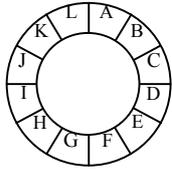
۰۹۰۲۲۵۴۴۶۰۰

۰۲۱۶۶۴۸۸۳۴۲

$x^3 y^2 = 7 + 10y + 100 + 1000x$

۱۰۰۰ ۱۰۰ ۱۰ ۱

۴۸- در شکل زیر، به جای هر کدام از حروف، یک عدد دو رقمی طوری قرار می‌گیرد که حاصل جمع هر چهار عدد



متوالی (کنار یکدیگر)، برابر ۶۰ شود. اگر $B=H$ و $F+J=30$ ، میانگین C و I کدام است؟

- نکته: ما را در یک معادله حاصل، محل نیند.
- همه اعداد با هم برابر باشند = ۱۵
- $$? = \frac{C+I}{2} = 15$$
- ۱۳ (۱)
 ۱۴ (۲)
 ۱۵ (۳) ✓ ?
 ۱۶ (۴)
 ۱۷ (۵) ?
 ۱۸ (۶) ?

۴۹- شخصی برای جابجایی کتاب‌های شخصی می‌خواهد از تعدادی جعبه استفاده کند و در هر جعبه تعداد

یکسانی کتاب قرار دهد. وی زمان بسته‌بندی متوجه می‌شود که ۳ عدد از جعبه‌ها قابل استفاده نیستند و برای این که بتواند تمام کتاب‌ها را در جعبه‌های باقی‌مانده جا دهد، به تعداد کتاب‌های هر جعبه، ۵ عدد اضافه می‌کند. کدام عدد می‌تواند تعداد کتاب‌های این شخص را نشان دهد؟

نقداری، بعضی، برقی ... : حد اول بیسی

۳۹۰ (۴x) ۷۲۰ (۳x) ۶۳۰ (۲x) ✓ ? ۴۸۰ (۱x)

۱۵ × ۲۶ ۱۵ × ۴۸ ۱۵ × ۴۲ ۱۵ × ۳۲

۱۵ منفی ۱۵ منفی ۱۵ منفی ۱۵ منفی

$x \times y = (x-3) \times (y+5)$ $x, y \in \mathbb{N}$ شکل معادله

$x/y = x/y + 5x - 3y - 15$

نکته: معادله سه‌جمله

به ضرایب توجه کنید ✓

به زرع در خود بردن توجه کنید ✓

حد بالا و پایین زرع در خود بردن توجه کنید ✓

نکته: لم اولیسی

$5x - 3y = 15 \Rightarrow 5 | 3y \Rightarrow 5 | y \Rightarrow y = 5y'$

لم اولیسی

$\Rightarrow 3 | 5x \Rightarrow 3 | x \Rightarrow x = 3x'$ $\begin{cases} c | a \times b \\ (a, c) = 1 \end{cases} \Rightarrow c | b$

$x' - y' = 1$

$? = x \times y = 3x' \times 5y' = 15x'y'$

تفاضل نون برابر ۱ است، یعنی حاصلضرب در عدد متوالی